移動通信環境におけるアダプティブアレーの追従性の改善

藤元 美俊 堀 俊和 福井大学 工学部 〒910-8507 福井市文京 3-9-1 E-mail:{fujimoto, hori}@fuis.fuis.fukui-u.ac.jp

あらまし 移動通信環境においてLMSアダプティブアレーの追従性が極端に劣化する場合があることを示し,長時間 連続制御を行う場合には追従性の劣化がシステムの性能に致命傷を与えることを示す.また,これ回避する手段として, 1)重み係数を定期的にリセットするリセット法,および,2)重み係数に縮む力を与える収縮法の,2つの手法を提案し, さらにシミュレーションを通していずれの手法も RLS と同程度の性能を持つことを示す.

キーワード アダプティブアレー,移動通信環境,連続制御,LMS

Improvement of Continuous Control of Adaptive Array under Mobile Environment Mitoshi FUJIMOTO Toshikazu HORI

Faculty of Engineering, University of Fukui, 3-9-1, Bunkyo, Fukui-city, 910-8507 Japan

E-mail: {fujimoto, hori}@fuis.fuis.fukui-u.ac.jp

Abstract Tracking performance of the LMS adaptive array might become worse under mobile communication environments. In this paper, it is indicated that the degradation of the performance deal a deathblow the system. To avoid the degradation, two types of new methods are proposed. One is Resetting which reset the weight coefficients periodically and the other is Bracing which slightly shorten the weight coefficients at every iteration. Results of computer simulations show that both proposed methods have comparable performance to the RLS algorithm.

Keyword Adaptive Array, Mobile Environment, Continuous Control, LMS

1. まえがき

陸上移動通信においては多重波干渉,同一チャネ ル干渉等による通信品質の低下が懸念されることから, その対策の一手法としてアダプティブアレーの適用が検 討されている[1]. アダプティブアレーは複数のアンテナ 素子で受信した信号に対して適応的に重み付けを行い 合成するものであり,その制御アルゴリズムとして,これま で数多くのアルゴリズムが提案されている[2].陸上移動 通信環境では,到来波の到来方向や到来波数を正確 に把握することが困難であるため,これらの情報を必要 としない MMSE (Minimum Mean Square Error)が移動通 信に適していると考えられている[3].この MMSE では参 照信号が必要であるが,近年の移動通信システムのディ ジタル化にともない,パイロット信号や同期信号など参照 信号として利用可能な情報が送信信号に組み込まれる ようになったことから、MMSE は以前にもまして移動通信 に好適なアルゴリズムであると言える.

MMSEは、受信信号の波形と参照信号の波形の誤差 の自乗を最小化することにより、受信信号から所望波成 分のみを抽出する手法である.その最適化手法としては LMS (Least Mean Square), SMI (Sampled Matrix Inversion)および RLS (Recursive Least- Squares)などが 代表的である. SMI および RLS は収束特性に優れてい るものの、最適解を求めるために逆行列演算が必要で あり、アンテナ素子数が多い場合にはその演算量が膨 大となる.一方、LMS は演算量は少ないものの、到来波 の到来方向が近い場合など、特定の条件において収束 が極めて遅くなるという問題がある.この問題を解決する 手法として、複数の最適化手法を組み合わせた手法が 提案され、これにより両者の欠点を補い合うことができる ことが示されている[4]. パケット伝送方式の場合のように, バースト的に伝送を行い, その期間内は到来波環境が 変動しないとみなせる場合には, 各バーストの先頭で重 み係数を初期化することにより不要波抑圧に関して一定 の効果を期待できる. しかし, 連続的な通信にアダプテ ィブアレーを適用する場合や, あるいは放送波を受信し ながら連続的に指向性を制御する場合には, 従来の LMS では収束が格段に遅くなってしまう場合が生じる. 特にアルゴリズムが収束した後に到来波環境が変化す ると, 複数のアルゴリズムを組み合わせてイタレーション 初期の収束速度を向上させた手法のみでは十分な効果 を得ることは困難と考えられる.

本報告では,移動通信環境において LMS アダプティ ブアレーの追従性が極端に劣化する場合があることを示 し,長時間連続制御を行う場合には追従性の劣化がシ ステムの性能に致命傷を与えることを示す.また,これを 回避する手段として,2つの手法を提案し,さらにシミュ レーションを通してそれぞれの手法の効果を検証する.

以下,2章では、本報告で扱うMMSE アダプティブア レーの定式化と、移動通信環境においてLMS に基づい て連続制御した場合の問題点を明確にする.3章では、 問題を解決するための2つの手法、リセット法と収縮法を 提案する.提案した手法の有効性について、4章にて計 算機シミュレーションを通して検証する.

2. MMSE アダプティブアレーと連続制御時の問 題点

2.1 MMSE アダプティブアレーと最適化手法

図1にMMSEアダプティブアレーの基本構成を示す. アンテナ素子数をKとし, 第k番目のアンテナ素子で受信した信号を x_k , それぞれの信号に対する重み係数を w_k とする. それぞれをベクトル表記すると,

| $\mathbf{X} = [$ | x_1 | x_2 | ••• | x_{K} | Τ | (1) |
|------------------|-------|-------|-----|---------|---|-----|
| | | | | | - | |

$$\mathbf{W} = \begin{bmatrix} w_1 & w_2 & \cdots & w_K \end{bmatrix}^T \tag{2}$$

となり、アレーアンテナの合成出力信号 y は

$$v = \mathbf{X}^T \mathbf{W}^*$$

と表される. ここで添え字*および T は, それぞれ複素共 役および行列の転置を表す. MMSE アダプティブアレ 一では, 出力信号yと参照信号rとの誤差eの自乗が最 小となるように重み係数を制御する. 自乗誤差を最小と する代表的な最適化手法として, LMS, RLS および SMI が挙げられる[2]. LMS および RLS による重み係数の更 新式は, それぞれ,

$$\mathbf{W}_{LMS}(n+1) = \mathbf{W}_{LMS}(n) + \mu \mathbf{X}(n) e^{*}(n) \qquad (4)$$
$$\mathbf{W}_{RLS}(n+1) = \mathbf{W}_{RLS}(n) + \gamma R_{xx}^{-1}(n) \mathbf{X}(n+1) e^{*}(n+1) \qquad (5)$$

と表される. ここで, R_x は受信信号の相関行列である. $\mu \geq \gamma$ は重み係数の更新量を制御する定数であり, ステ ップサイズと呼ばれる. また, SMI においては次式に基 づいて重み係数を算出する.

 $\mathbf{W}_{SMI}(n) = R_{xx}^{-1}(n)r_{xd}(n)$ (6) ここで $r_{xd}(n)$ は相関ベクトルと呼ばれ、次式で与えられる.

$$r_{xd}(n) = E[X(n)r^*(n)]$$
⁽⁷⁾

式(4),式(5)および式(6)から分かるように,RLSやSMI では,重み係数を更新するたびに逆行列演算が必要で あり,アンテナ素子数が多い場合には演算量が膨大とな る.一方,LMSの場合は,RLSやSMIの場合に比べ演 算量は格段に少ない.しかし,所望波と不要波の到来方 向が接近している場合には,収束速度が極端に低下し てしまうという問題がある.

2.2 連続制御時におけるノルム肥大化の問題

近年の移動通信システムでは、パケット伝送方式が主 であり、各パケットには同期信号や固体識別信号など受 信側であらかじめ既知の信号が含まれている.これらを MMSE の参照信号として利用することにより重み係数を 決定することが可能である.パケットの長さは移動体の



図1 MMSE アダプティブアレーの構成

移動に伴う電波環境の変動よりも遥かに短いことから、1 つのパケットの期間内では電波環境は変化しないとみな すことができる.そこで、これまでの検討においては、パ ケットの期間内では電波環境は変化しない、いわゆる準 静的電波環境としている場合が多い.また、各パケットに おいて、重み係数は常に初期状態から制御を開始する のが一般的であり、過去の電波状況の影響を受けること は少ない.

これに対し、常に重み係数を制御し、連続的に指向 性を制御する必要がある場合も考えられる.たとえば、 放送を受信する場合などがこれに相当する. 1 イタレー ションあたりの電波状況の変化はごくわずかであるが、イ タレーションを長期間重ねていくと、いつしか初期状態と は大きく異なる電波状況となる.従って、確率的には少 ないものの、受信すべき到来波と抑圧すべき到来波の アレー伝搬ベクトルの方向が近接してしまい、不要波を 十分に抑圧できない状況が発生してしまう.これは、アレ ー信号処理では原理上対処できない状況といえるが、さ らに到来波環境が変化し、アレー伝搬ベクトルの方向が 離れると、理想的には所望波以外を抑圧するように動作 するはずである.しかし、最適化手法によっては必ずしも 到来波環境の変化に追従できるとは限らない.この状況 をシミュレーション結果の一例を利用して説明する.

アレーアンテナの素子数を4素子,到来波は所望波と 不要波をそれぞれ1波ずつとし、それぞれの素子におけ る受信信号の振幅がレイリー分布,位相がランダムに変 化するとした場合のシミュレーション結果を図2に示す. 図 2(a)は 2 つの到来波のアレー伝搬ベクトルの角度差 の余弦 cosθ の変化を, 図 2(b)は LMS および RLS に基 づいて制御を行った場合の SINR の変化を,図 2(c)は LMS に基づいて制御を行った場合の重み係数のノルム の変化を、それぞれ表している. 図 2(a)および図 2(b)より LMS, RLS ともに、イタレーションを開始してしばらくは良 好な SINR が得られるが,角度差が狭くなると(cosθ が1 に近づくと) SINR が低下していることが分かる. また, こ の時点では重み係数(LMS 制御時)のノルムが急激に大 きくなっていることが図 2(c)より分かる. このことから, 到 来方向が接近した場合には、図 3(a)にその概念図を示 すように,不要波の到来方向にヌルを向けつつ所望波 を指向性ビームの腹で受けている状態にあると推察され

る. ただ, この状態は空間軸上の自由度のみを利用する アダプティブアレーでは対処しきれない状態であるとい える. その後 cosθ が小さくなれば不要波に対する抑圧度 が大きくなり SINR は回復するはずである. 実際, 図 2(b) に示されるように RLS に基づいて制御した場合には SINR が回復している. しかし, LMS の場合は, 伝搬ベク トルがほとんど直交している時点(6000 イタレーション付 近)であっても SINR は回復していない. このとき, 重み係 数のノルムは, 相変わらず非常に大きくなっていることが 図 2(c)よりわかる. このことから, 6000 イタレーション付近 の状況は, 図 3(b)に概念図を示すように, 不要波に対し ては深いヌルを形成し, かつ所望波に対しても浅いヌル を形成していると推察される. 重み係数が全体的に大き



くなりながらも所望波方向に浅いヌルを形成することで, 出力信号中の所望波成分の振幅を参照信号の振幅に 合わせているものと予想される.ただし,重み係数が全 体的に大きいことから雑音成分が大きく,結果として SINR が回復しない.この状態で出力信号に含まれてい る所望波成分以外の成分としては,不要波成分(方向性 雑音)よりも方向性を持たない雑音が支配的となるため, これをLMSに基づいて制御したのでは収束が非常に遅 くなる.そのため,SINR がなかなか回復しないと推察さ れる.

3. 連続制御に適した制御方式の提案

演算量が少ないというLMSの特徴を生かしつつ,アル ゴリズムの追従性を向上させる手法として,2つの手法を 以下に提案する.

提案手法 1: 定期的にリセットする(リセット法)

無指向性からイタレーションを開始すれば、電波環境 が大きく変化しない限り LMS であっても重み係数のノル ムが異常に大きくなることはない、そこで、重み係数を定 期的に初期状態にリセットする.しかし、ただ単にリセット したのではアルゴリズムが収束するまで不要波も受信さ れてしまう.そこで、2 組の重み係数 W1 および W2 を用 意し、図 4 に示すように定期的に片方の重み係数をリセ ットするとともに、その直前にもう片方に切り替えながら利 用する.これにより、電波環境が大きく変化した場合でも ノルムが肥大化することを防ぐことが可能となるとともに、 リセットによる不要波抑圧度の低下を避けることができる. 以下この手法を"リセット法"と呼ぶ.

提案手法 2:重み係数に縮む力を与える(収縮法)

2 つの到来波の伝搬ベクトルの角度差が小さい場合に 重み係数のノルムが大きくなることは避けられないとして も、その後角度差が大きくなった時にノルムが迅速に小 さくなればよい.通常,LMS アダプティブアレーの場合, 出力信号の雑音成分を最小化する効果もあることからイ タレーションを重ねるといつかはノルムも小さくなる.しか し、方向性を持たない雑音に対しては非常に鈍感であり、 これを抑圧するためにはイタレーションを長期間続ける 必要がある. この期間を短縮するために重み係数に縮む力を与える.具体的には,通常の重み係数の更新式(式(4))の代わりに次式に基づいて重み係数を更新する.

 $W_{LMS}(n+1) = \beta \cdot W_{LMS}(n) + \mu X(n)e^*(n)$ (8) ここで, β は 1.0 よりわずかに小さい値とし,これを収縮 率と呼ぶことにする.すなわち,重み係数を更新する度 に重み係数をわずかに小さい方向に修正する.通常, アルゴリズムの収束速度を議論する際は,ステップサイ ズμが議論の対象となるが,ここではμではなく,βを 調整することによりノルムの肥大化を防止する.これにより, 指向性の相対的な形状に影響を与えることなく重み係 数が小さくなり,雑音の抑圧が加速されるものと期待でき る.以下,この手法を"収縮法"と呼ぶ.



図4 2組の重み係数を用いるリセット法

4. 計算機シミュレーションによる効果の確認

前節で提案した 2 つの手法の効果を確認するために, 計算機シミュレーションを実施した. 到来波は所望波と 不要波の 2 波とし, アンテナ素子は 4 素子とした. フェー ジングは素子毎に無相関とし, 最大ドップラー周波数は fdT=4.88 × 10⁴ とした. これは, シンボルレート 192ksymbol/sec, キャリア周波数 2GHz としたとき, 移動 体の移動速度は約 50km/h に相当する.

最適化手法としては、Normalized LMS を従来法とし、 提案したリセット法、収縮法および RLS について、電波 環境の変化に対する追従性を調べた. 図 5 に、2 つの到 来波の伝搬ベクトルの角度差 cosθ、および出力信号の SINR の時間的変化を示す. ここで、Tr およびβはそれ ぞれ 200 イタレーション、および 0.995 としている. 図 5 よ





図5 提案手法の効果

- り,以下のことが言える.
 - 1)イタレーション開始時にはいずれの方式であっても 40dB 程度の SINR が得られている.
 - 2)cos0 が大きくなる 4000 イタレーション付近ではいず れの方式においても SINR が大きく低下する. これ は,到来波の方向が接近している状況であり,アレ ーアンテナの原理上避けられない状況である.
 - 3)その後, cosθ が小さくなると, 従来の LMS 以外の手 法では速やかに SINR が回復している.

以上のことから,提案したリセット法,収縮法ともに,ノ ルムの肥大化による追従性の劣化を回避する手法とし て基本的に有効であると言える.

リセット法においては重み係数のリセット周期 Tr が,また,収縮法においては収縮率 β がシステムの挙動に大き く影響することは明白である.そこで次に,SINR に対す る Tr および β の影響について調べた.ここでは, $\cos\theta$ と SINR の相関図(図6に一例を示す)を描き, Tr および β による近似曲線の変化を把握することでのパラメータ影 響を明らかにすることとした.

図7にリセット周期 Tr を変化させた場合の SINR の近 似曲線の変化を示す. 図中の横軸は重み係数のリセット 周期 Tr を, 奥行きは cosθ を, また, 高さは期待される SINR を示している. 当然であるが, あまり頻繁にリセット



図 7 リセット周期 Tr の影響



すると返って SINR は低下すると同時に, リセット間隔が 開きすぎるとノルム肥大化の影響が徐々に現れる. 図 7 より, 最適な重み更新周期は 50~100 イタレーション程 度であることが分かる.

次に、収縮法における収縮率 β の影響について調べた結果を図 8 に示す. 図の横軸は収縮率を示しており、その他は図 7 と同様である. 収縮率が1 に近い場合は従来の LMS に近づきノルム肥大化の影響を大きく受ける. 逆に収縮率が小さすぎると重み係数が小さく縮みすぎて出力信号が弱くなってしまうため返って SINR は低下してしまう. 図 8 より、最適な収縮率 β は 0.998 程度であることが分かる.

図7と図8を比較すると、リセット法の方が安定して高い SINR が得られ、性能としては優れているといえる.しかし、リセット法では常に2組の重み係数を更新していく必要があり、演算量は従来法の約2倍である.一方、収縮法の演算量は従来のLMSとほぼ同じでありながら、従来法に比べると格段に性能が向上される.リセット法、収縮方のいずれの手法でもRLSより演算量が少なくかっRLSに近い性能が得られる.ただ、アンテナ素子数が少なければRLSを使用してもそれほど演算量は多くないことから、いずれの方式が適当であるかはアンテナ素子数、移動体の移動速度、キャリア周波数などを考慮して総合的に判断する必要がある.

5. むすび

陸上移動通信における通信品質改善技術として提案 されているLMSアダプティブアレーにおいて,長時間連 続的に動作させると到来波環境の変化に対する追従性 が大きく劣化する問題がある.本報告でははじめに, LMS アダプティブアレーを長時間動作させた場合に, 重み係数のノルムが肥大化し,その後追従性が極端に 劣化する問題点を指摘した.次に,これを解決する手段 として以下の2つの手法を提案した.

- 1)2 組の重み係数を用意し、交互に定期的にリセット する"リセット法".
- 2)イタレーション毎に重み係数が小さくなるように修正 を加えることにより追従性が極端に低下することを回 避する"収縮法".
- 計算機シミュレーションによる検討の結果,リセット法,

収縮法ともに、ノルムの肥大化による追従性の劣化を回 避する手法として基本的に有効であることが分かった.さ らに、リセット法における適切なリセット周期、および、収 縮法における適切な収縮率について検討した.その結 果、最適な重みリセット周期は 50~100 イタレーション程 度、収縮法における適切な収縮率は 0.998 程度であるこ とが分かった.

提案方式の性能としてはリセット法の方が優れている と言えるが、リセット法では常に2組の重み係数を更新し ていく必要があり、演算量は収縮法の約2倍である.い ずれの手法も従来法に比べると格段に性能が向上され、 RLSに近い性能が得られる.ただ、アンテナ素子数が少 なければ RLSを使用してもそれほど演算量は多くないこ とから、いずれの方式が適当であるかはアンテナ素子数、 移動体の移動速度、キャリア周波数などを考慮して総合 的に判断する必要がある.

今回の検討では、各アンテナ素子におけるフェージン グは無相関であるとし、アダプティブアレーにとって最も 厳しい条件下で比較評価を行った.ただ、最大ドップラ ー周波数については一つの条件のみでの評価に過ぎ ない.アンテナ素子間の相関やドップラー周波数によっ て、ノルム肥大化の問題の深刻さおよび提案方式の最 適パラメータは異なると予想される.今後、より広範な条 件での性能評価を進め、提案方式の適用領域を見極め ていく.

参考文献

- [1] "Special Issue on Adaptive Array Antenna Techniques for Advanced Wireless Communications Signal Processing Technology in Antennas," IEICE Trans. Commun., vol.E84, no.7, pp.1703-1875, July. 2001.
- [2]菊間信良,アレーアンテナによる適応信号処理, 科学技術出版,1998.
- [3] Y. Ogawa, M. Ohmiya, and K. Itoh, "An LMS Adaptive Array for Multipath Fading Reduction," IEEE Tans. Aerosp. & Electron. Syst., vol. 23, pp.17-23, Jan. 1987.
- [4] 市毛弘一,清水覚史,新井宏之,"Combination of Optimization Algorithms for MMSE/CMA Adaptive Antenna Array,信学技報,AP2003-61, pp121-126.